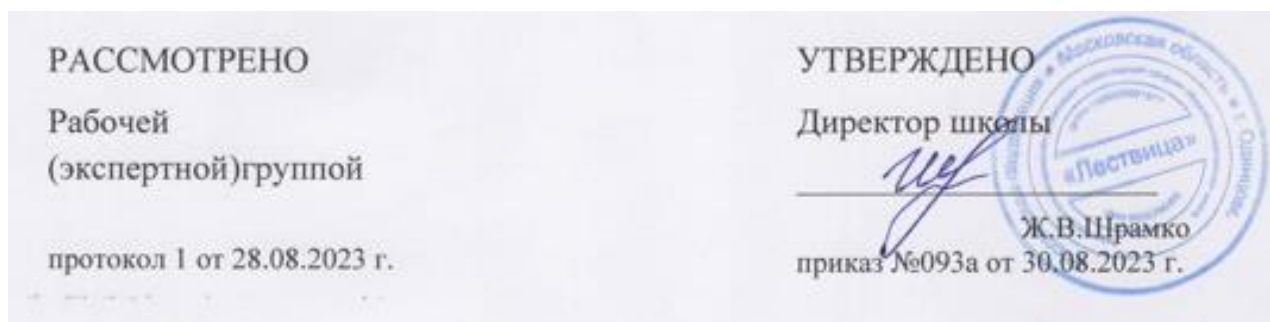


МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Министерство образования Московской области

АНО ПСОШ «Лествица»



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

Факультативного курса по математике

«Решение экономических задач с математическим содержанием»

для обучающихся 10-11 классов

Одинцово 2023

Пояснительная записка

Рабочая программа факультатива «Решение экономических задач с математическим содержанием» ориентирована на учащихся 10-11 классов и составлена на основе учебного плана АНО ПСОШ «Лествица» на 2023-2024 учебный год.

Актуальность данной программы обусловлена тем, что задачи экономического содержания (вклады, кредиты, на производственные и бытовые отношения, на оптимизацию) включены с 2016 года в ЕГЭ, но решение таких задач отсутствует в программе среднего общего образования на базовом уровне по математике.

Цель курса: формирование и развитие умений в работе с математическими моделями при решении задач экономического содержания.

Задачи курса:

- ✓ научить анализировать информацию экономического содержания, представленную в виде графиков, таблиц, диаграмм;
- ✓ сформировать понятия о простых и сложных процентах, о дифференцированных и аннуитетных платежах, о целевых функциях;
- ✓ показать применение математических знаний (об арифметической и геометрической прогрессиях, о производной, интеграле и т.д.) в решении прикладных задач на вклады, кредиты, оптимизацию и т.п.;
- ✓ углубить знания обучающихся по теме «Функции, их применение на практике»;
- ✓ формировать умения перевода задач экономического содержания на язык математики;
- ✓ расширить представления обучающихся о сферах применения математики;
- ✓ способствовать развитию алгоритмического мышления обучающихся;
- ✓ убедить школьников в практической необходимости овладения способами выполнения математических действий;
- ✓ развивать навыки и потребности в самостоятельной учебной деятельности;
- ✓ создать условия для подготовки к единому государственному экзамену;
- ✓ расширить сферу математических знаний, общекультурный кругозор учащихся.

Место факультативного курса в учебном плане

Согласно учебному плану на изучение данного курса отводится 68 часов, по 1 часу в неделю в 10-11 классах.

Формы организации учебных занятий.

Формы проведения занятий включают в себя лекция учителя, беседа, практикум, консультация. Основной тип занятий исследовательский или частично – поисковый. Каждая тема курса начинается с постановки задачи. Теоретический материал излагается в форме мини лекции. После изучения теоретического материала выполняются практические задания для его закрепления. Занятия строятся с учётом индивидуальных особенностей обучающихся, их темпа восприятия и уровня усвоения материала. Содержание курса предполагает работу с различными источниками математической литературы. Содержание каждой темы включает в себя самостоятельную работу учащихся. Контрольные замеры обеспечивают эффективную обратную связь, позволяющую обучающим и обучающимся корректировать свою деятельность. Систематическое повторение способствует более целостному осмыслению изученного материала, поскольку целенаправленное

обращение к изученным ранее темам позволяет учащимся встраивать новые понятия в систему уже освоенных знаний.

При решении задач данного курса одновременно активно реализуются основные методические принципы:

-принцип параллельности – следует постоянно держать в поле зрения несколько тем, постепенно продвигаясь по ним вперед и вглубь;

-принцип вариативности – рассматриваются различные приемы и методы решения с различных точек зрения: стандартность и оригинальность, объем вычислительной и исследовательской работы;

-принцип самоконтроля – невозможность подстроиться под ответ вынуждает делать регулярный и систематический анализ своих ошибок и неудач;

-принцип регулярности – увлеченные математикой дети с удовольствием дома индивидуально исследуют задачи, т. е. занятия математикой становятся регулярными, а не от случая к случаю на уроках.

-принцип последовательного нарастания сложности.

1. Результаты освоения факультативного курса.

Программа позволяет добиваться следующих результатов освоения образовательной программы среднего общего образования:

Личностные результаты:

✓ ответственное отношение к обучению, готовность и способность к саморазвитию и самообразованию; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;

✓ осознанный выбор будущей профессиональной деятельности на базе ориентировки в мире профессий и профессиональных предпочтений;

✓ умение контролировать, оценивать и анализировать процесс и результат учебной и математической деятельности;

✓ критичность мышления, инициативность, находчивость, активность при решении математических задач

Метапредметные результаты:

К метапредметным результатам освоения курса относятся регулятивные, познавательные и коммуникативные.

Регулятивные:

✓ ставить цель и организовывать её достижение, уметь пояснить свою цель

✓ осознанно выбирать наиболее эффективные способы решения;

✓ соотносить свои действия с планируемыми результатами,

✓ осуществлять контроль своей деятельности в процессе достижения результата,

✓ определять способы действий в рамках предложенных условий и требований,

✓ корректировать свои действия в соответствии с изменяющейся ситуацией;

Познавательные:

✓ обозначать свое понимание или непонимание по отношению к изучаемой проблеме;

✓ ставить познавательные задачи и выдвигать гипотезы, описывать результаты, формулировать выводы;

✓ докладывать устно и письменно о результатах своего исследования;

✓ уметь создавать, применять и преобразовывать знаки и символы, модели и схемы для решения учебных и познавательных задач;

✓ владеть навыками работы с различными источниками информации: книгами, учебниками, справочниками, Интернет;

✓ самостоятельно и осмысленно искать, извлекать, систематизировать, анализировать и отбирать необходимую информацию, организовывать, преобразовывать, сохранять и передавать ее;

✓ ориентироваться в информационных потоках, уметь выделять в них главное и необходимое.

Коммуникативные:

- ✓ владеть способами взаимодействия с окружающими людьми; выступать с устным сообщением, уметь задать вопрос, корректно вести учебный диалог;
- ✓ уметь организовывать учебное сотрудничество и совместную деятельность с учителем и сверстниками; работать индивидуально и в группе: находить общее решение и разрешать конфликты на основе согласования позиций и учета интересов; формулировать, аргументировать и отстаивать свое мнение;
- ✓ уметь осознанно использовать речевые средства в соответствии с задачей коммуникации для выражения своих чувств, мыслей и потребностей, планирования и регуляции своей деятельности; владеть устной и письменной речью.

Предметные результаты структурированы по компонентам: «должны знать/понимать», «уметь».

В результате изучения курса обучающийся должен знать/понимать

- ✓ понятия о простых и сложных процентах, дифференцированных и аннуитетных платежах, о целевых функциях;
- ✓ формулу сложных процентов;
- ✓ формулы для вычисления n -го члена и суммы арифметической и геометрической прогрессий для решения задач на вклады;
- ✓ формулы для вычисления суммы выплаты и долга при погашении кредитов;
- ✓ правила и формулы дифференцирования и интегрирования;
- ✓ алгоритм отыскания наименьшего и наибольшего значений непрерывной функции на промежутке;
- ✓ знать этапы математического моделирования в процессе решения задач, особенности моделирования экономических процессов;
- ✓ знать типологию задач с экономическим содержанием;
- ✓ значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике;
- ✓ широту и ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе;
- ✓ значение идей, методов и результатов алгебры и математического анализа для построения моделей реальных процессов и ситуаций, связанных с некоторыми экономическими задачами.

В результате изучения курса обучающийся должен уметь

- ✓ анализировать информацию экономического содержания, представленную в виде графиков и диаграмм;
- ✓ решать задачи на вклады, кредиты с применением формул простых и сложных процентов;
- ✓ решать задачи на оптимизацию, производственного и бытового характера с применением аппарата математического анализа и без него (через исследование функций без производной);
- ✓ уметь реализовывать этапы построения моделей при решении задач с экономическим содержанием.

2. Содержание факультативного курса

Основы математического моделирования при решении задач с экономическим содержанием

Понятие о математической модели. О математических моделях в экономике. Схема процесса математического моделирования. Чтение и анализ данных, представленных в виде графиков, диаграмм, таблиц. Примеры использования математических знаний: проценты, функции, формулы n -го члена и суммы арифметической и геометрической прогрессий, уравнения и неравенства, производная в решении задач с экономическим содержанием.

Текстовые арифметические задачи на товарно-денежные отношения

Практико-ориентированные задачи товарно-денежные отношения базового и повышенного уровней сложности из открытого банка ЕГЭ на сайте Федерального института педагогических измерений.

Текстовые арифметические задачи на проценты

Задачи, связанные с налогами. Сравнение стоимости товара в процентах. Задачи на последовательное увеличение и уменьшение цены на определенное количество процентов. Задачи на проценты с экономическим содержанием по теории вероятностей.

Задачи о вкладах и кредитах

Формула сложных процентов. Проценты по вкладам (депозитам). Дифференцированные платежи. Аннуитетные платежи.

Задачи оптимизации производства товаров и услуг

Понятие о задачах оптимизации. Линейное программирование. Понятие о целевой функции. Логический перебор в задачах оптимизации. Линейные целевые функции с целочисленными точками экстремума. Линейные нецелевые функции с целочисленными точками экстремума. Графическая иллюстрация в задачах на оптимизацию. Нелинейные целевые функции с целочисленными точками экстремума. Нелинейные целевые функции с нецелочисленными точками экстремума. Применение производной к исследованию нелинейных целевых функций.

Другие задачи

Задачи с экономическим содержанием, не вошедшие в предыдущие разделы: на распределение, прибыль и т.п.

3. Тематическое планирование.

№ п/п	Тема	Количество часов	
10 класс			
Тема 1.	Основы математического моделирования при решении задач с экономическим содержанием	9	<p>Формирование положительной мотивации к обучению</p> <p>-Побуждение обучающихся соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими и сверстниками.</p> <p>-Установление доверительных отношений между педагогическим работником и его обучающимися, способствующих позитивному восприятию обучающимися требований и просьб педагогического работника, привлечению их внимания к обсуждаемой на уроке информации, активизации их познавательной деятельности</p> <p>-Воспитание ответственности, самостоятельности, критичности, коммуникабельности, трудолюбия через разные виды контроля</p>
	Предмет и задачи курса. Понятие о математической модели. О математических моделях в экономике.	1	
	Чтение и анализ данных, представленных в виде графиков, диаграмм, таблиц	3	
	Примеры использования математических знаний: проценты, функции, формулы n-го члена и суммы арифметической и геометрической прогрессий, уравнения и неравенства, производная в решении задач с экономическим содержанием.	4	
	Диагностическая работа №1	1	
Тема 2.	Текстовые арифметические задачи на товарно-денежные отношения	5	<p>Формирование готовности и способности к самостоятельной, творческой и ответственной деятельности</p> <p>-Формирование готовности и способности к образованию, в том числе самообразованию</p> <p>-Побуждение обучающихся соблюдать на уроке принципы учебной дисциплины и</p>
	Решение текстовых арифметических задач на товарно-денежные отношения	4	
	Диагностическая работа №2	1	

			самоорганизации -Воспитание ответственности, самостоятельности, критичности, коммуникабельности, трудолюбия через разные виды контроля
Тема 3.	Текстовые арифметические задачи на проценты	7	Формирование готовности и способности к самостоятельной, творческой и ответственной деятельности -Формирование готовности и способности к образованию, в том числе самообразованию -Побуждение обучающихся соблюдать на уроке принципы учебной дисциплины и самоорганизации -Воспитание ответственности, самостоятельности, критичности, коммуникабельности, трудолюбия через разные виды контроля
	Задачи, связанные с налогами	1	
	Сравнение стоимости товара в процентах	1	
	Задачи на последовательное увеличение и уменьшение цены на определенное количество процентов	2	
	Задачи на проценты с экономическим содержанием по теории вероятностей	2	
	Диагностическая работа №3	1	
Тема 4.	Задачи о вкладах.	13	Формирование готовности и способности к самостоятельной, творческой и ответственной деятельности -Формирование готовности и способности к образованию, в том числе самообразованию -Побуждение обучающихся соблюдать на уроке принципы учебной дисциплины и самоорганизации -Воспитание ответственности, самостоятельности, критичности, коммуникабельности, трудолюбия через разные виды контроля
	Понятие простых и сложных процентов. Формула сложных процентов	2	
	Решение банковских задач на вклады. Нахождение срока вклада.	2	
	Решение банковских задач на вклады. Вычисление процентной ставки по вкладу.	3	
	Решение банковских задач на вклады. Нахождение суммы вклада.	2	
	Решение банковских задач на вклады. Нахождение ежегодной суммы пополнения вклада.	3	
	Диагностическая работа №4	1	
Итого: 34 часа			

11 класс

Тема 5.	Задачи о кредитах.	15	Формирование готовности и способности к самостоятельной, творческой и ответственной деятельности -Формирование готовности и способности к образованию, в том числе самообразованию -Побуждение обучающихся соблюдать на уроке принципы учебной дисциплины и самоорганизации -Воспитание ответственности, самостоятельности, критичности, коммуникабельности, трудолюбия через разные виды контроля
	Дифференцированные и аннуитетные платежи	2	
	Решение задач на кредиты с аннуитетными платежами	6	
	Решение задач на кредиты с дифференцированными платежами	6	
	Диагностическая работа №5	1	
Тема 6.	Задачи оптимизации производства товаров и услуг	15	Формирование готовности и способности к самостоятельной, творческой и ответственной деятельности -Формирование готовности и способности к образованию, в том числе самообразованию -Побуждение обучающихся соблюдать на уроке принципы учебной дисциплины и самоорганизации -Воспитание ответственности, самостоятельности, критичности, коммуникабельности, трудолюбия через разные виды контроля
	Понятие о задачах оптимизации. Линейное программирование. Понятие о целевой функции	1	
	Логический перебор в задачах оптимизации.	1	
	Линейные целевые функции с целочисленными точками экстремума. Графическая иллюстрация в задачах на оптимизацию.	3	
	Линейные целевые функции с нецелочисленными точками экстремума	3	
	Нелинейные целевые функции с целочисленными точками экстремума Применение производной к исследованию нелинейных целевых функций	3	
	Нелинейные целевые функции с нецелочисленными точками экстремума	3	
	Диагностическая работа №6	1	
Тема 7.	Разные задачи	5	Формирование готовности и способности к самостоятельной, творческой и ответственной деятельности -Формирование готовности и способности к образованию,
	Задачи с экономическим содержанием, не вошедшие в предыдущие разделы: на распределение, прибыль и т.п.	4	
	Диагностическая работа №7	1	

			<p>в том числе самообразованию -Побуждение обучающихся соблюдать на уроке принципы учебной дисциплины и самоорганизации -Воспитание ответственности, самостоятельности, критичности, коммуникабельности, трудолюбия через разные виды контроля</p>
Итого: 34 часа			

Приложения.

Приложение 1. Учебно-методическое и материально-техническое обеспечение образовательного процесса

1. Садовничий Ю.В. ЕГЭ. Математика. Профильный уровень. Задания с развернутым ответом. – М.: издательство «Экзамен», 2019.- 654с.

2. Шестаков С.А. ЕГЭ 2018. Математика. Задачи с экономическим содержанием. Задача 17 (профильный уровень) /под ред. И.В. Ященко. - М.: МЦНМО, 2018. – 208с.

3. Шевкин А. В. Ш37 Математика. Трудные задания ЕГЭ. Задачи с экономическим содержанием : учеб. пособие для общеобразоват. организаций : профильный уровень / А. В. Шевкин. — М. : Просвещение, 2020. — 80 с. : ил. — (Трудные задания ЕГЭ). — ISBN 978-5-09- 069017-1

4. «Алгебра и начала математического анализа, 11 класс», авторы А.Г.Мерзляк, В.Б.Полонский, М.С. Якир, Д.А. Номировский, Москва, Издательский центр «Вентана-граф», 2017

5. Математика: ежемесячный научно-методический журнал издательства «Первое сентября»

6. <http://www.prosv.ru> - сайт издательства «Просвещение» (рубрика «Математика»)

7. <http://www.center.fio.ru/som> - методические рекомендации учителю-предметнику (представлены все школьные предметы). Материалы для самостоятельной разработки профильных проб и активизации процесса обучения в старшей школе.

8. <http://www.internet-school.ru> - сайт Интернет – школы издательства Просвещение. Учебный план разработан на основе федерального базисного учебного плана для общеобразовательных учреждений РФ и представляет область знаний «Математика». На сайте представлены Интернет-уроки по алгебре и началам анализа и геометрии, включают подготовку сдачи ЕГЭ, ГИА.

9. <http://www.intellectcentre.ru> – сайт издательства «Интеллект-Центр», где можно найти учебно-тренировочные материалы, демонстрационные версии, банк тренировочных заданий с ответами, методические рекомендации и образцы решений

10. <https://4ege.ru/video-matematika/> - видеоуроки по решению экономической задачи

11. <https://www.legionr.ru/webinars/matematika/> - вебинары издательства «Легион»

Открытый банк задач ЕГЭ:

<http://mathege.ru>

<http://alexlarin.net/ege/matem/main.html>

<http://www.fipi.ru/view/sections/226/docs/627.html>

Он-лайн тесты:

<http://uztest.ru/exam?idexam=25>

<http://egeru.ru>

<http://reshuege.ru/>

<http://alexlarin.net/ege/matem/main.html>

Приложение 2. Система оценивания и контрольно-измерительные материалы

Существенным компонентом контроля достижений учащихся является система заданий, выполнение которых показывает, что планируемые цели, задачи, ожидаемые промежуточные и конечные результаты достигнуты.

1. Контролировать уровень промежуточных достижений учащихся можно такими способами, как наблюдение активности на занятиях, беседы с учащимися, родителями, анализ творческих и исследовательских работ, анкетирование, тестирование и т.д. Важно использовать оценку промежуточных достижений не только в качестве контроля, но и как инструмент положительной мотивации и своевременной коррекции работы учащихся и учителя.

2. Проводить итоговую аттестацию по итогам изучения курса можно с помощью специальной зачетной работы, диагностической работы (среза знаний, теста) с учетом совокупности самостоятельно выполненных учащимися работ.

Для оценивания достижений учащихся используется система «зачет-незачет». «Незачет» ставится, когда ученик посетил менее 50% занятий, выполнил менее половины заданий, предложенных учителем в ходе промежуточной аттестации.

«Зачет» ставится, когда ученик посетил более 50% занятий и выполнил более половины заданий, предложенных учителем.